

## CLASA a VI-a

1. Determinați numerele naturale de forma  $\overline{xyzt}$  ( $x,y,z,t$  cifre în baza zece) care admit exact 12 divizori naturali și  $\frac{\overline{xy}}{\overline{zt}} = 3$ .
2. Găsiți toate perechile de numere naturale disticte  $a,b$  pentru care are loc relația:  
 $3(a,b) + 2[a,b] = 140$ , unde  $(a,b)$  reprezintă c.m.m.d.c al numerelor  $a,b$ , iar  $[a,b]$  este c.m.m.m.c al numerelor  $a,b$ .
3. Fie punctele coliniare  $A,B,C,D$  în această ordine. Dacă  $M,N,P$  sunt mijloacele segmentelor  $(AB),(BC),(CD)$  și  $MN=9\text{ cm}$ ,  $NP=7\text{ cm}$ , iar  $AB+CD=16\text{ cm}$  să se calculeze lungimile segmentelor  $(AB),(BC),(CD)$
4. Se consideră  $n$  unghiuri adiacente în jurul unui punct. Dacă primul unghi se mărește cu  $1^\circ$ , al doilea unghi se micșorează cu  $2^\circ$ , al treilea unghi se mărește cu  $3^\circ$ , al patrulea unghi se micșorează cu  $4^\circ$  și aşa mai departe, astfel se obțin unghiuri cu măsuri egale (exprimate printr-un număr natural). Se cere:
  - a) Arătați că, în condițiile date, nu pot fi construite astfel trei unghiuri adiacente în jurul unui punct;
  - b) Determinați cel mai mic număr  $n$  posibil de unghiuri adiacente în jurul unui punct în condițiile date.