

OLIMPIADA NAȚIONALĂ DE MATEMATICĂ  
ETAPA LOCALĂ – 15 FEBRUARIE 2015

## Clasa a VIII-a

**Problema 1.** Dacă  $ABCD A'B'C'D'$  este un paralelipiped dreptunghic și  $d$  este lungimea diagonalei paralelipipedului, atunci demonstrați că suma pătratelor distanțelor de la orice punct  $M$  din interiorul paralelipipedului la fețele acestuia aparține intervalului  $\left[\frac{d^2}{2}, d^2\right)$ .

Gheorghe Fianu, Ștefan cel Mare

**Problema 2.** Se consideră piramida triunghiulară regulată  $VABC$  (punctul  $V$  este vârful piramidei). Dacă punctul  $M$  este mijlocul segmentului  $(BC)$ , măsura unghiului dintre planele  $(VAB)$  și  $(VAM)$  este  $\alpha$  iar  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}$ , atunci arătați că  $VABC$  este tetraedru regulat.

Luminița Bucureșteanu, Călărași

**Problema 3.** Se consideră cubul  $ALGEBRIC$  a cărui latură are lungimea  $6 \text{ cm}$ .

- Calculați distanța dintre dreptele  $AI$  și  $BE$ .
- Determinați măsura unghiului dintre planele  $ALI$  și  $AGI$ .

prof. Relu Ciupea, Oltenița

**Problema 4.**

- Găsiți toate numerele naturale nenule  $k$  cu proprietatea:  $k(2016-k) < (k+1)(2015-k)$ .
- Într-o magazie sunt 2015 cutii numerotate  $1, 2, 3, 4, \dots, 2015$ . Cutiile conțin bile și numărul bilelor din fiecare cutie este egal cu numărul scris pe cutie. Într-o mutare este posibil să alegem câteva cutii, chiar și una, și să scoatem din ele același număr de bile. Care este cel mai mic număr de mutări necesare pentru a golii toate cutiile..

Cristina Bornea, Călărași

# SUCCES!

**Baremul de notare este: Problema 1.** 7 puncte; **Problema 2.** 7 puncte; **Problema 3. a)** 3 puncte; **b)** 4 puncte; **Problema 4. a)** 3 puncte; **b)** 4 puncte.