

INSPECTORATUL ȘCOLAR JUDEȚEAN PRAHOVA
OLIMPIADA NAȚIONALĂ DE MATEMATICĂ
- ETAPA LOCALĂ, 16.02.2013 -
CLASA A VIII-A
Subiecte

1. Fie $E(x) = \frac{1}{(x-2)(x+2)}$, $x \in \mathbb{R} \setminus \{-2; 2\}$. Determinați x pentru care $E(x) = -\frac{3+2\sqrt{6}}{30}$.

Prof. Maria Negrilă și prof. Anton Negrilă, Ploiești

2. a. Demonstrați că $\sqrt{\frac{a^2+b^2}{2}} \geq \frac{a+b}{2}$ pentru orice $a, b \in [0; \infty)$.
b. Fie $a, b \in \left[\frac{1}{11}; 1\right]$ cu proprietatea că $a+b = \frac{12}{11}$. Demonstrați că $\frac{72}{121} \leq a^2 + b^2 \leq \frac{122}{121}$.

Prof. Gheorghe Achim, Mizil

3. Se consideră triunghiul ABC și planul α astfel încât $BC \subset \alpha, A \notin \alpha$. Fie D și E mijloacele segmentelor (AB) , respectiv (AC) . Prin D și E se duc două drepte paralele între ele care intersectază planul α în punctele N , respectiv P .
Demonstrați că dreptele BN și CP sunt concurente.

Prof. Petre Năchilă, prof.dr. Cătălin Năchilă

4. Paralelogramul $ABCD$ cu $AB = 16\text{cm}$, $BC = 8\text{cm}$, $m(\angle A) = 60^\circ$ și trapezul dreptunghic $CDEF$, $CD \parallel EF$, $m(\angle D) = 90^\circ$, $m(\angle C) = 30^\circ$, $DE = 8\text{cm}$, sunt situate în plane diferite astfel încât $DE \perp AC$. Dacă M este mijlocul lui $[AB]$, aflați distanța de la M la dreapta FC .

Prof. Ion Tomescu, prof. Ion Lupea

**Notă: Toate subiectele sunt obligatorii. Fiecare subiect se punctează de la 0 la 7 puncte.
Pe foaia de concurs se trec rezolvările complete. Timp de lucru: 3 ore.**